

# Mathematik I

## für Biologen, Geowissenschaftler und Geoökologen

Übungsblatt 5 (Abgabe am 23.11.09)

---

### Aufgabe 23

(10 Punkte)

Der Eiffelturm erstreckt sich über einer Grundfläche von  $125\text{m} \times 125\text{m}$   $325\text{m}$  in die Höhe. Wir beschreiben die linke Flanke in Ansicht (vgl. Abb.) durch die Gleichung  $y = 40e^{ax}$ , wobei das Koordinatensystem so gewählt wurde, dass das linke untere Ende des Turms im Punkt  $(x_0, y_0) = (0, 40)$  liegt (alles in Metern gemessen).



- Bestimmen Sie den Wert von  $a$ .
- Geben Sie die Gleichung für die rechte Flanke des Eiffelturms an.
- Zeichnen Sie die linke und die rechte Flanke des Eiffelturms in ein Koordinatensystem mit logarithmischer  $y$ -Achse.

### Aufgabe 24 (Radiokarbon-Methode der Altersbestimmung)

(10 Punkte)

Das radioaktive Kohlenstoff-Isotop  $C^{14}$  hat eine Halbwertszeit von 5568 Jahren ("Libby-Halbwertszeit"). Da  $C^{14}$  durch einen Prozess, bei dem kosmische Strahlung auf atmosphärischen Stickstoff einwirkt, ständig produziert wird, ist der Anteil von  $C^{14}$  an allem Kohlenstoff in der Atmosphäre und damit auch in allen Lebewesen konstant und entspricht 15,3 Zerfällen pro Minute pro Gramm Kohlenstoff. Beim Tod endet die Zufuhr von  $C^{14}$ , es zerfällt jetzt nur noch. Daher wird totes Gewebe mit 7,65 Zerfällen pro Minute pro Gramm Kohlenstoff auf ein Alter von 5568 Jahren geschätzt. Bestimmen Sie nach dieser Methode das Alter einer Probe aus 3,1 Gramm Gewebe, die zu 73% aus Kohlenstoff besteht und in der 18,6 Zerfälle pro Minute gemessen werden.

### Aufgabe 25

(10 Punkte)

Fertigen Sie mit MATLAB doppelt-logarithmische Plots<sup>2</sup> der Funktionen  $f(x) = x^\alpha$  an für  $\alpha = -2, -1, -\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 1, 2$  und  $x \in [10^{-2}, 10^2]$ . Zeichnen Sie dabei alle Funktionen in das gleiche Diagramm, und verwenden Sie für die Funktionen mit  $\alpha < 0$  gestrichelte Linien und für diejenigen mit  $\alpha > 0$  durchgezogene.

---

<sup>2</sup>Beispiel 6: (Doppelt-logarithmischer Plot)

```
> x = .5:.01:3;  
> y = sqrt(x);  
> loglog(x,y); %erstellt einen doppelt-logarithmischen Plot
```

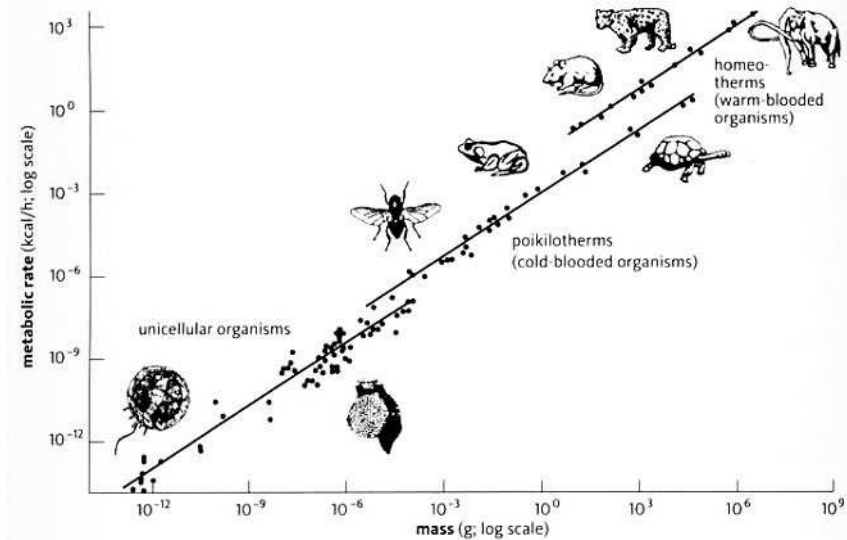
### Aufgabe 26

(10 Punkte)

Zwischen den Größen  $x$  und  $y$  bestehe der Zusammenhang  $y = cx^\alpha$  mit Konstanten  $c, \alpha \in \mathbb{R}$ . Bestimmen Sie  $c$  und  $\alpha$  aus den zwei Datenpaaren  $x_1 = 0,8, y_1 = 2,9$  und  $x_2 = 1,3, y_2 = 0,7$ .

### Aufgabe 27 (Kleibersches Gesetz)

(10 Punkte)



Im doppelt-logarithmischen Diagramm oben stellt eine Gerade den (idealisierten) Zusammenhang zwischen  $x$  (der Masse) und  $y$  (der Stoffwechselrate) für verschiedene Gruppen von Organismen dar. Bestimmen Sie für

- Warmblüter (*Homoiotherme*),
- Kaltblüter (*Poikilotherme*) und
- Einzeller

jeweils eine Formel der Form  $y = f(x)$ , für die Funktion  $f$ , deren Graph diese Gerade ist. Geben Sie dabei kurz an, welche Zahlen(-paare) Sie aus dem Diagramm abgelesen haben, und wie Sie daraus die Parameter in Ihren Funktionen  $f(x)$  bestimmt haben.