

## Übungen zu „Differentialgeometrie I“

1. Sei  $\mathbb{P}^2$  die projektive Ebene aller Geraden im  $\mathbb{R}^3$ . Wir bezeichnen  $L \subseteq \mathbb{P}^2$  als eine (projektive) Gerade, wenn es eine Ebene  $E \subseteq \mathbb{R}^3$  (durch 0) gibt, so dass  $L$  aus all den Geraden in  $\mathbb{R}^3$  besteht, die in  $E$  liegen. Nun zeigen Sie: Zwei (verschiedene) projektive Geraden schneiden sich in genau einem Punkt.
2. Seien  $X$  und  $Y$  topologische Räume und  $f : X \rightarrow Y$  eine stetige Abbildung. Zeigen Sie: Ist  $X$  wegzusammenhängend, so ist auch das Bild  $f(X) \subseteq Y$  wegzusammenhängend.
3. Zeigen Sie, dass für jedes  $n \in \mathbb{N}$  die folgenden Räume zusammenhängend und kompakt sind:  $\mathbb{S}^n$ ,  $\mathbb{T}^n$  und  $\mathbb{P}^n$ .
4. Zeigen Sie, dass folgende vier Räume paarweise nicht homöomorph sein können:  
 $\mathbb{S}^1$ ,  $[0, 1]$ ,  $(0, 1)$ ,  $(0, 1]$ .

**Abgabe: Mittwoch, 27. Oktober 2010, 9 Uhr**