

Dannach wird

$$\begin{aligned} & y_1 dx_1 + y_2 dx_2 + y_3 dx_3 \\ &= y_1 d\varphi_1 + y_2 d\varphi_2 + y_3 d\varphi_3 + \begin{vmatrix} d\omega_1 & d\omega_2 & d\omega_3 \\ \ell_1 & \ell_2 & \ell_3 \\ y_1 & y_2 & y_3 \end{vmatrix} \end{aligned}$$

Das Entsprechende ergibt sich für die Koordinaten des zweiten Punktes.

Es ist also

$$\begin{aligned} (y dx) &= (y d\varphi) \\ &+ \begin{vmatrix} d\omega_1 & d\omega_2 & d\omega_3 \\ \ell_1 & \ell_2 & \ell_3 \\ y_1 & y_2 & y_3 \end{vmatrix} + \begin{vmatrix} d\omega_4 & d\omega_5 & d\omega_6 \\ \ell_4 & \ell_5 & \ell_6 \\ y_4 & y_5 & y_6 \end{vmatrix} \end{aligned}$$

In den beiden Determinanten sind die Unterdeterminanten der Komponenten $d\omega_i$ die entsprechenden Komponenten des Impulsmomentes des betreffenden Punktes. Nenne ich also die Koordinaten des resultierenden Impulsmomentes der beiden Punkte im \mathcal{H} -System: $\mathfrak{M}_1, \mathfrak{M}_2, \mathfrak{M}_3$, so lässt sich die Gleichung schreiben:

$$(y dx) = (y d\varphi) + \mathfrak{M}_1 d\omega_1 + \mathfrak{M}_2 d\omega_2 + \mathfrak{M}_3 d\omega_3$$

Die rechte Seite enthält nur Differentialausdrücke in dq_1, \dots, dq_6 , muss also bei der Berührungstransformation der Ausdruck $(p dq)$ sein. In dem Differentialausdruck rechts ist zu beachten, dass

$$\begin{array}{ccccccc} q_1 & q_2 & q_3 & q_4 & q_5 & q_6 \\ \ell_1 & \ell_2 & \ell_4 & \ell_5 & q & \vartheta \end{array}$$

$$\begin{aligned} d\omega_1 &= dq \\ d\omega_2 &= d\vartheta \cos q \\ d\omega_3 &= dt \cos q \end{aligned}$$