

$$H = H(p_1, p_2, \dots, p_6, q_1, q_2, \dots, q_5, y_6)$$

Da

$$p_\alpha = q_\alpha$$

$$y_1 = p_1, y_2 = p_2, y_4 = p_4, y_5 = p_5$$

und

$$y_3 = y_3(p_1, \dots, p_6, q_1, \dots, q_5)$$

$$y_6 = y_6(p_1, \dots, p_6, q_1, \dots, q_5) \text{ ist,}$$

kann ich H durch die $p_1, \dots, p_6, q_1, \dots, q_5$ ausdrücken, H ist von q_6 frei. Die kanonischen Differentialgleichungen dieses Problems

$$\frac{dp_\alpha}{dt} = - \frac{\partial H}{\partial q_\alpha}$$

$$\frac{dq_\alpha}{dt} = \frac{\partial H}{\partial p_\alpha} \quad (\alpha = 1, \dots, 6)$$

sind 12 Differentialgleichungen 1. Ordnung, also ein Differentialgleichungs-System 12. Ordnung.

Dieses lässt sich jetzt sofort reduzieren auf ein System 10. Ordnung.

Denn, in H kommt ja q_6 explizit nicht vor, also ist

$$\frac{dp_6}{dt} = - \frac{\partial H}{\partial q_6} = 0, \quad p_6 = \text{const.}$$

$$p_6 = \text{const.} = c_3$$

Damit haben wir