

verständlich, da $p_5 = 0$ iff.

Für q_5 ergibt sich: bei Differenzieren von H nach irgend einer Variablen $p_1, \dots, p_4, q_1, \dots, q_4$ da ich v nenne:

$$\frac{\bar{\partial} H}{\bar{\partial} v} = \frac{\partial H}{\partial v} + \frac{\partial H}{\partial q_5} \cdot \frac{\partial q_5}{\partial v}$$

wobei $\frac{\bar{\partial}}{\bar{\partial} v}$ die Differentiale nach der Substitution bedeuten. Aber

$$\frac{\partial H}{\partial q_5} = - \frac{d p_5}{d t} = 0, \quad \text{da } p_5 = 0$$

da $p_5 = 0$. Daraus ergibt sich

$$\frac{\bar{\partial} H}{\bar{\partial} v} = \frac{\partial H}{\partial v}$$

Die Substitution darf also vor der Differenzierung vorgenommen werden. Diese rein formal gewonnene Einsicht kann man vertiefen durch folgende Ueberlegung: $q_5 = \varphi$ kommt nur durch y_3, y_6 in H herein und zwar ^{tritt φ} in dem Ausdruck für für y_3, y_6 nur in \mathcal{M}_2 auf.

Demnach ist

$$\begin{aligned} \frac{\partial H}{\partial \varphi} &= \left(\frac{\partial H}{\partial y_3} \frac{\partial y_3}{\partial \mathcal{M}_2} + \frac{\partial H}{\partial y_6} \frac{\partial y_6}{\partial \mathcal{M}_2} \right) \frac{\partial \mathcal{M}_2}{\partial \varphi} \\ &= \left(-\frac{q_1}{\Delta} \frac{\partial H}{\partial y_3} + \frac{q_2}{\Delta} \frac{\partial H}{\partial y_6} \right) \frac{1}{r_2^2 y} (\mathcal{M}_3 - c \cos \varphi) \end{aligned}$$

Daraus ergibt sich wegen $\mathcal{M}_3 = c \cos \varphi$

$$\frac{\partial H}{\partial \varphi} = 0$$