

diusvektor r und die drei Winkel ν, φ und Θ , wobei φ von den Lagekoordinaten nicht abhängt, vielmehr $\cos \varphi = \frac{p_2}{p_2}$, demnach φ :

$$X_2 = X_2(q_1, q_2, q_3, p_2, p_3)$$

Jetzt muss der Nachweis erbracht werden, dass tatsächlich eine Berührungstransformation vorliegt; mit andern Worten, dass die neuen Variablen (p, q) mit den Variablen (x, y) in Verbindung stehen durch einen Ausdruck von der Form:

$$(y dx) - (p dq) = dW + \Lambda dt$$

Zu dem Zweck bilden wir dx_1, dx_2, dx_3 . Kinematische Betrachtung ergibt bei Festhalten der Winkel und Änderung nur in der r -Richtung:

$$dX_2 = \frac{X_2}{r} dr, \quad \text{da} \quad \frac{X_2}{r} = \cos(X_2, r) \quad \varphi.$$

Wird r konstant gehalten, so ergibt sich eine infinitesimale Drehung mit den Komponenten $d\omega_1, d\omega_2, d\omega_3$, wo

$$d\omega_3 = d\Theta + \cos \varphi \cdot d\Theta \quad \varphi,$$

wobei der 1. Term bei Drehung um X_3 -Achse sich ergibt, der 2. Term die X_3 -Komponente der Drehung um den Impulsmomentvektor ist.

Bei der Drehung um die Knotenlinie ändert sich φ um $d\varphi$, die Komponenten dieses Drehvektors in Bezug auf die X_1 - bzw. X_2 -Achse sind $\cos \varphi d\varphi$ bzw. $\sin \varphi d\varphi$.

Ferner ergibt sich bei Drehung um M als Komponente des Drehvektors $d\nu$ in Bezug auf die X_1 - bzw. X_3 -Achse $\sin \varphi \sin \nu d\Theta$ bzw. $-\sin \varphi \cos \nu d\Theta$, sodass also Zusammensetzung ergibt: