

$$d\mu_3 = d\mu \cos \varphi$$

$$d\mu_2 = -d\mu \sin \varphi \cos \vartheta$$

$$d\mu_1 = d\mu \sin \varphi \sin \vartheta$$

Demnach ist

$$\begin{aligned} (y dx) &= \frac{1}{r} (xy) d\varphi + d\mu (d\vartheta + \cos \varphi d\vartheta) \\ &= p_1 dq_1 + (p_2 dq_2) + p_3 dq_3 \\ &= (p q) \end{aligned}$$

$(y dx) - (p dq) = 0$ erfüllt die Fundamentaldifferentialbeziehung, die Radau-Transformation ist demnach eine kanonische Berührungstransformation.

d. Anwendung der Radau'schen Transformation auf Attraktionsprobleme.

Vorgelegt sei das Attraktionsproblem für den Fall, dass die anziehende Masse sich im Ursprung ^{der}, die angezogene mit der Masse $m = 1$ im Punkt $x \ y \ z$ befindet.

Für dieses Problem ist die Kräftefunktion U eine Funktion von r , Also $U = U(r)$. Für $m = 1$ ist

$$\begin{aligned} T &= \frac{1}{2} (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 + \dot{x}_3^2) ; \quad y_\alpha = \dot{x}_\alpha \\ &= \frac{1}{2} (y_1^2 + y_2^2 + y_3^2) , \quad \mathcal{H} = T - U \end{aligned}$$

$$\frac{dx_\alpha}{dt} = \frac{\partial (T-U)}{\partial y_\alpha} = \frac{\partial T}{\partial y_\alpha}$$

$$\frac{dy_\alpha}{dt} = - \frac{\partial (T-U)}{\partial x_\alpha} = - \frac{\partial U}{\partial x_\alpha}$$