

$$\mathcal{H}(x_1, \dots, x_n, \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial x_1}, \dots, \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial x_n}) + \frac{\partial \mathcal{L}}{\partial t} = 0$$

Äquivalent ist einem kanonischen Differentialgleichungs-System. Zu dem Zweck nehmen wir an, es sei uns eine Lösungsschar der kanonischen Differentialgleichung gegeben:

$$x_\alpha = x_\alpha(t, x_1^0, \dots, x_n^0, \gamma_1^0, \dots, \gamma_n^0, t^0)$$

$$\gamma_\alpha = \gamma_\alpha(t, x_1^0, \dots, x_n^0, \gamma_1^0, \dots, \gamma_n^0, t^0)$$

wo die Anfangswerte sind

$$x_\alpha^0 = x_\alpha(t^0) \quad \gamma_\alpha^0 = \gamma_\alpha(t^0)$$

also eine Lösungsschar mit den $2n + 1$ Parametern $x_\alpha^0, \gamma_\alpha^0, t^0$ ($\alpha = 1, \dots, n$)

Zu diesem kanonischen System gehört eine Differentialform

$$(\gamma dx) - \mathcal{H} dt = d\Omega + (\mathcal{C} dc)$$

wo $\mathcal{C}_\alpha = \mathcal{C}_\alpha(x^0, y^0, t^0)$ ist.

Ersetzen wir jetzt t durch t^0

dann wird die Differentialform

$$(\gamma^0 dx^0) - \mathcal{H}^0 dt^0 = d\Omega^0 + (\mathcal{C} dc)$$

Subtraktion ergibt

$$(\gamma dx) - (\gamma^0 dx^0) = d(\Omega - \Omega^0) + \mathcal{H} dt - \mathcal{H}^0 dt^0$$

Die (x, y) Werte zur Zeit t hängen also mit denen zur Zeit t^0 durch