

eine Berührungstransformation zusammen. Die kanonischen Differentialgleichungen geben die infinitesimale Transformation der (x, y) Werte zur Zeit t in die (x, y) Werte zur Zeit $t + dt$, sodass Aufsuchen der Lösungen des kanonischen Systems gleichbedeutend ist mit Aufsuchen der Schar, die diese Berührungstransformation gestattet. Setzen wir jetzt $\Omega - \Omega^0 = I$, so ergibt unsere Differentialform

$$dI = (y dx) - (y^0 dx^0) - \mathcal{H}(x, y) dt + \mathcal{H}(x^0, y^0, t^0) dt^0$$

Dieses Differential würde sehr einfach den Differentialquotienten von I ergeben, wenn es gestattet wäre, die x, x^0, t, t^0 als unabhängige Variable einzuführen; dies ist nur möglich, wenn ich alle Variablen durch sie ausdrücken kann. Es kommt also darauf an, dass wir aus den gegebenen Gleichungen der Schar

$$x_\alpha = x_\alpha(t, t^0, x_1^0, \dots, x_n^0, y_1^0, \dots, y_n^0) \quad (\alpha = 1, \dots, n)$$

$$y_\alpha = y_\alpha(t, t^0, x_1^0, \dots, x_n^0, y_1^0, \dots, y_n^0)$$

abgekürzt

die y_α, y_α^0 als Funktionen der Variablen x_1, \dots, x_n, t^0 darstellen können. Zu dem Zweck müssen die ersten n Gleichungen

$$x_\alpha = x_\alpha(t, t^0, x_0, y_0)$$

nach y^0 auflösbar sein, denn wenn dies geschehen ist, braucht man nur die y_α^0 in y_α durch die x, x^0, t, t^0 auszudrücken, um y_α sofort als Funktionen von x, x^0, t, t^0 zu erhalten. Die notwendige und hinreichende Bedingung für die Auflösbarkeit der n ersten Gleichungen nach y_1^0, \dots, y_n^0 ist aber