

wo die Koeffizienten der ρ abhängen von den übrigen Konstanten v, g, \dots

2. Anwendung auf Newton'sches Gesetz.

Aus unserer allgemeinen Betrachtung ergeben sich die Gesetze der Bewegung eines Massenpunktes, auf den eine Newton'sche Anziehungskraft einwirkt, wenn wir setzen $U(r) = \frac{\mu}{r}$, wo $\mu > 0$ Anziehung, $\mu < 0$ Abstossung bedeutet. Dann ist

$$f(r) = 2\left(\frac{\mu}{r} + h\right) - \frac{c^2}{r^2} = \frac{\mu^2}{c^2} \left(1 + \frac{2hc^2}{\mu^2}\right) - \left(\frac{c}{r} - \frac{\mu}{c}\right)^2$$

Bei der Integration tritt $\sqrt{f(r)}$ auf. Wir müssen also fordern, dass

$f(r) > 0$ und demnach mindestens $1 + \frac{2hc^2}{\mu^2} > 0$ ist. Wir setzen

$$1 + \frac{2hc^2}{\mu^2} = e^2$$

und erhalten

$$f(r) = \frac{\mu^2 e^2}{c^2} - \left(\frac{c}{r} - \frac{\mu}{c}\right)^2$$

wo $\left|\frac{c}{r} - \frac{\mu}{c}\right| < \left|\frac{\mu e}{c}\right|$ sein muss, damit $f(r)$ positiv ist.

$f(r) = 0$ hat zwei ~~positive~~ Wurzeln $r_0 = \frac{c^2}{\mu(1+e)}$, $r_1 = \frac{c^2}{\mu(1-e)}$

zwischen denen r oszillieren muss, da ausserhalb des Intervalls

r_0, r_1 die Funktion $f(r) < 0$ ist. Wo ist offenbar der kleinste Wert, den r bei der Bewegung annimmt. Da $\left|\frac{c}{r} - \frac{\mu}{c}\right| < \frac{\mu e}{c}$

so führe ich den Hilfswinkel χ ein durch die Bedingung

$$\frac{c}{r} - \frac{\mu}{c} = \frac{\mu e}{c} \cos \chi$$

so dass sich für $\chi = 0$ ergibt