

Da $p = \frac{c^2}{\mu} \psi$, so ist

$$\begin{aligned} R + R_0 &= -\frac{2\mu}{c} \log \frac{r}{2} + \frac{2\mu e}{c} \left(\cos \frac{v+v_0}{2} \sin \frac{w}{2} - \cos \frac{v+v_0}{2} \sin \frac{w}{2} \right) \\ &= -\frac{2\mu}{c} \log \frac{w}{2} \end{aligned}$$

Für $R - R_0$ ergibt sich

$$\begin{aligned} R - R_0 &= \frac{2\mu e}{c} \sin \frac{v+v_0}{2} \cos \frac{w}{2} - \frac{2\mu e}{c} \left(2 \sin \frac{w}{2} \sin \frac{v+v_0}{2} \right) \cos \frac{w}{2} \\ &= 0 \end{aligned}$$

Demnach ist $R = R_0 = -\frac{\mu}{c} \log \frac{w}{2}$. Die Differentialform wird

$$\begin{aligned} dJ &= R(dr + dr_0) + \sum d\sigma + (t - t_0) dh \\ &= R d(r + r_0) + \sum d\sigma + (t - t_0) dh \\ &= R dg + \sum d\sigma + (t - t_0) dh \end{aligned}$$

Demnach ist J eine Funktion von ρ , σ und h . Da aber $t - t_0 = \frac{\partial J}{\partial h}$ so ist $(t - t_0)$ ebenfalls eine Funktion von ρ , σ und h , womit das Lambert-Lagrange Theorem $t - t_0 = f(\rho, \sigma, h)$ bewiesen ist.

Um die explizite Form der Abhängigkeit zu erhalten, beachten wir, dass J sich nicht ändert, wenn wir r und r_0 konstant haltend M_0 und M solange kontinuierlich variieren, bis O , M und M_0 in einer Geraden liegen. Dabei ist eine gewisse Vorsicht geboten, da wegen der Mehrdeutigkeit von J ein Uebergang von einem Extremalenbogen zum andern während der Variation eintreten könnte. Bei Hyperbel und Parabel ist, wie wir gesehen haben, bei festem ρ und σ ein derartiger Uebergang nicht möglich, bei der Ellipse nur dann, wenn $\sigma + \rho \geq 4a$ ist. Da