

~~8. Abschnitt~~
~~Kapitel~~

Transformationstheorie

1. Einführung der Klammerausdrücke von Lagrange und Poisson.

Liegt eine Transformation von $2n$ Variablen $(x_1, \dots, x_n, y_1, \dots, y_n)$ in $2n$ Variable (u_1, \dots, u_{2n}) vor, sodass

$$\left. \begin{aligned} x_\alpha &= x_\alpha(u_1, \dots, u_{2n}) \\ y_\alpha &= y_\alpha(u_1, \dots, u_{2n}) \end{aligned} \right\} \mu_\mu = \mu_\mu(x_1, \dots, x_n, y_1, \dots, y_n) \text{ ist,}$$

so ist damit sofort eine gewisse lineare Transformation gegeben, und zwar die Transformation, durch die die Differentiale zusammenhängen: $dx_1, \dots, dx_n, dy_1, \dots, dy_n \leftrightarrow du_1, \dots, du_{2n}$. Man kann nämlich als die der ursprünglichen Transformation zugehörige folgende lineare infinitesimale Transformation bezeichnen:

$$(I) \quad \begin{aligned} dx_\alpha &= \frac{\partial x_\alpha}{\partial u_\mu} du_\mu \\ dy_\alpha &= \frac{\partial y_\alpha}{\partial u_\mu} du_\mu \end{aligned} \quad du_\mu = \frac{\partial u_\mu}{\partial x_\alpha} dx_\alpha + \frac{\partial u_\mu}{\partial y_\alpha} dy_\alpha$$

Diese zwei Systeme von linearen Gleichungen sind auf Grund der Sätze über inverse Funktionen so mit einander verknüpft, dass wechselseitig das eine aus dem anderen folgt. Die Auflösungsdeterminante des 1. Gleichungssystems ist die Funktionaldeterminante

$$\Delta = \frac{\partial(x_1, \dots, x_n, y_1, \dots, y_n)}{\partial(u_1, \dots, u_{2n})}$$