

Früher (§) hatte sich für die Integrationskonstanten des Systems H ergeben: $[c_\nu, t] = -\frac{\partial H}{\partial c_\nu}$, wo in H die x_ν, y_ν durch ihre Ausdrücke in c_1, \dots, c_{2n} und t ersetzt worden sind. Ausserdem sagen der Lagrange- und Poisson'sche Satz aus, dass die Klammerausdrücke $[c_\mu, c_\nu]$ und (c_μ, c_ν) Funktionen der c_1, \dots, c_{2n} sind, die die Zeit explizit nicht enthalten.

Identifizieren wir jetzt in der Gleichung

$$\frac{du_\nu}{dt} = (u_\mu, u_\nu) \left(\frac{\partial F}{\partial u_\nu} + [u_\nu, t] \right)$$

die u_ν mit den c_ν , so erhalten wir sofort die Störungsgleichungen:

$$\frac{dc_\nu}{dt} = (c_\mu, c_\nu) \left\{ \frac{\partial F}{\partial u_\nu} - \frac{\partial H}{\partial c_\nu} \right\} = (c_\mu, c_\nu) \frac{\partial R}{\partial c_\nu}$$

und infolge des Zusammenhangs von (c_μ, c_ν) mit $[c_\mu, c_\nu]$:

$$\frac{\partial R}{\partial c_\nu} = [c_\mu, c_\nu] \frac{dc_\mu}{dt}$$

Damit haben wir die allgemeine $\binom{n}{en}$ Form \binom{en} der Störungsgleichungen gewonnen, aus denen wir ersehen, dass die Differentialquotienten der variierten Konstanten linear durch die Matrix $\| c_\mu, c_\nu \|$ mit den Ableitungen der Störungsfunktion nach denselben variierten Konstanten zusammenhängen. Den umgekehrten Zusammenhang vermittelt dann die Matrix $\| [c_\mu, c_\nu] \|$. Nehmen wir an, dass die Konstanten sich nur langsam ändern, so liefert die Methode der sukzessiven Approximation: