

Dabei entscheidet die Wahl von μ und σ die Zugehörigkeit zu System S_1 oder S_2 . Für das verkürzte System ist

$$\begin{aligned} U - T &\equiv \sum_1^K \frac{\sigma_v \mu_v}{r_v} - \frac{1}{2\sigma_v} (\mathcal{J}_v)^2 \\ &= \sum_1^K \frac{\sigma_v^3 \mu_v^2}{2\mathcal{L}_v^2} \end{aligned}$$

Für die Störungsgleichungen setzen wir deswegen an

$$\mathcal{F} = \sum_1^K \frac{\sigma_v^3 \mu_v^2}{2\mathcal{L}_v^2} + \mathcal{F}_1 + \mathcal{F}_2$$

Ein Vergleich mit den Funktionen U und T der Systeme S_1 und S_2 ergibt sofort als Zusatzterm in U :

$$\text{in } S_1: \mathcal{F}_1 = k^2 \sum_1^K \frac{m_\mu m_\nu}{r_{\mu\nu}}$$

$$\text{in } S_2: \mathcal{F}_1 = k^2 \sum_1^K \frac{m_\mu m_\nu}{r'_{\mu\nu}}$$

Für die Energie T kommt in S_2 kein Zusatzglied zu, jedoch gaben wir oben in \mathcal{F} auch für S_2 für U den Ausdruck

$$\sum \frac{\sigma_v \mu_v}{r_v} = k^2 m \sum_1^K \frac{m_\nu}{r_\nu}$$

genommen; da aber in S_2 dieser Ausdruck $k^2 m \sum \frac{m_\nu}{r'_\nu}$ lauten muss, so müssen wir diesen hinzufügen und ersteren abziehen, sodass in S_2 für \mathcal{F}_2 steht:

$$\mathcal{F}_2 = k^2 m \sum_1^K m_\nu \left(\frac{1}{r'_\nu} - \frac{1}{r_\nu} \right)$$