

bzw.  $|z^{-s}| e^{s\pi i}$ , sodass unser Kurvenintegral wird

$$\begin{aligned} 2\pi i A_s^v &= - \int_0^\alpha e^{-s\pi i} |z^{-s}| z^{\pm v-1} dz \\ &\quad + \int_0^\alpha e^{s\pi i} |z^{-s}| z^{\pm v-1} dz \\ &= (-e^{-s\pi i} + e^{s\pi i}) \int_0^\alpha |z^{-s}| z^{\pm v-1} dz \\ &= 2i \sin s\pi \int_0^\alpha |z^{-s}| z^{\pm v-1} dz \end{aligned}$$

Demnach ist

$$\pi A_s^v = \sin s\pi \int_0^\alpha |z|^{-s} z^{\pm v-1} dz$$

falls das Integral einen Sinn hat, d.h. wenn der Integrand an den singulären Stellen 0,  $\alpha$  integrierbar bleibt. Dies ist der Fall, wenn wir für  $z = 0$  nehmen:  $v > 0$ ,  $1+v > 1$ ; für  $z = \alpha$ :  $s < 1$ . sodass wir unter diesen Bedingungen haben:

$$\pi A_s^v = \sin s\pi \int_0^\alpha \frac{z^{s+v-1} dz}{(1-\alpha z)^1 (\alpha-z)^1}$$

Eine für unsere Berechnungen günstigere Form erhalten wir, wenn wir substituieren:

$$z = \alpha \sin^2 \varphi, \quad 0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{2}$$

Dann ist:

$$\pi A_s^v = 2\alpha^v \sin s\pi \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin \varphi \cos \varphi^{2s+v-1} d\varphi}{(1-\alpha^2 \sin^2 \varphi)^1}$$