

enthält, bei Integralen nach t in allen Termen also nur periodische Glieder in t entstehen, bis auf das Absolutglied von R , für das $v' = \dots v^{(n)} = 0$ ist. Die Ableitungen des Absolutgliedes von R nach \mathcal{L} , ξ_i und η_i multiplizieren sich demnach bei der Integration mit t , sodass $\delta \mathcal{L}^{(n)}$ und $\delta \eta_i^{(n)}$ aus zwei Arten Gliedern bestehen: 1). aus periodischen, 2). aus säkularen Gliedern von der Form ct , die mit der Zeit zunehmen. Diese säkularen Glieder stammen also alle aus dem sogenannten säkularen Teil $[R]$ von R , den man als zeitlichen Mittelwert von R bezeichnen kann, da bei zeitlicher Mittelung die periodischen Terme sich aufheben. Die Störung $\delta \mathcal{L}^{(n)}$ dagegen hat nur periodische Glieder, da im Säkularteil $[R]$ die Variable λ_r nicht vorkommt, sodass $\frac{\partial R}{\partial \lambda_r}$ nur periodische Glieder hat. Da die $\lambda^{(n)}$ im Wesentlichen die Halbachsen der Kepler'schen Bewegung sind, so ist diese Erkenntnis, dass $\delta \mathcal{L}^{(n)}$ keinen Säkularteil hat, sehr wichtig. Dass $\delta \lambda^{(n)}$ säkulare Glieder hat, macht nichts aus. Denn aus $\delta \lambda^{(n)} = \frac{\partial R}{\partial \lambda^{(n)}} t$ folgt

$$\lambda^{(n)} = \left(\lambda^{(n)} - \frac{\partial [R]}{\partial \lambda^{(n)}} \right) t + \text{const.}$$

Ersetzen wir demnach $\lambda^{(n)}$ durch $\lambda^{(n)} - \frac{\partial [R]}{\partial \lambda^{(n)}}$ so haben wir für $\lambda^{(n)}$ die alte Form. Dass die säkularen Terme der Störungen, die ξ_i und η_i betreffen, von Anfang an die Forscher besonders interessierten, ist selbstverständlich. Deshalb haben schon Lagrange und Laplace sie durch folgende Approximation näher untersucht. Sie ersetzten R einfach durch seinen säkularen Teil $[R]$ und untersuchten, auf welche Form der Differentialgleichungen dies führt. In der trigonometrischen Reihe ist $[R]$ das Absolutglied. Demnach ist