Substitution	ξ_1	η_1	ξ_2	η_2
1 (E = R)	−	−	−	−
2	+	+	−	−
3	+	−	+	−
1 + 2	−	−	+	+
1 + 3	−	+	−	+
2 + 3	+	−	−	+
2 + 3 + 1	−	+	+	−

Aus dieser letzten Invarianzeigenschaft gegen Vorzeichenwechsel je zweier Variabeln, ziehen wir eine wichtige Folgerung für die Form von S. Denken wir uns nämlich S in eine Potenzreihe aller Variabeln entwickelt:

$$S = \sum C \, \xi_1^{\alpha_1} \eta_1^{\beta_1} \xi_2^{\alpha_2} \eta_2^{\beta_2} \xi_1'^{\alpha_1'} \eta_1'^{\beta_1'} \xi_2'^{\alpha_2'} \eta_2'^{\beta_2'})$$

und nehmen kogradient in ξ_i, η_i und $\xi_i' \eta_i'$ Vorzeichenwechsel vor, so ist das gleichbedeutend mit Multiplikation des Terms mit $(-1)^{\alpha_1+\alpha_1'}$, $(-1)^{\beta_1+\beta_1'}$, $(-1)^{\alpha_2+\alpha_2'}$, $(-1)^{\beta_2+\beta_2'}$. Da aber S invariant ist gegen Vorzeichenwechsel je zweier Variabeln, so muss für diese Exponenten folgendes gelten:

$$\alpha_1+\alpha_1' \equiv \beta_1+\beta_1' \equiv \alpha_2+\alpha_2' \equiv \beta_2+\beta_2' \pmod 2$$

und infolgedessen

$$\alpha_1+\alpha_1'+\beta_1+\beta_1'+\alpha_2+\alpha_2'+\beta_2+\beta_2' \equiv 0 \pmod 2$$