

so haben wir die Differentialbeziehung

$$(y dx) = dQ + S dt + \sum_p \frac{1}{2} A_p^2 dB_p$$

wenn wir  $Q = \frac{1}{2} \sum (x_\alpha y_\alpha)$  setzen. Das kanonische Konstantensystem ist also

$$\begin{array}{cccc} B_1 & \dots & B_k & \\ \frac{1}{2} A_1^2 & \dots & \frac{1}{2} A_k^2 & \end{array}$$

d.h. die Phasen  $B_p$  und die Partialenergien  $\frac{1}{2} A_p^2$

Anzumerken ist hier noch, dass  $S = \text{const.}$  ein Integral des Systems ist, da ja

$$S = \frac{1}{2} \sum A_p^2$$

ist. Ferner ist

$$\sum_\alpha (x_\alpha^2 + y_\alpha^2) = \sum_p (q_p^2 + p_p^2) = \sum A_p^2$$

ein weiteres Integral des Säkulargleichungssystems.

#### 4. Numerische Auflösung der Säkulargleichung nach Jacobi.

Die Integration des vorstehenden säkularen Systems ist explizit durchführbar, sobald die Wurzeln der Säkulargleichung bekannt sind.

$\mathcal{P}(s) = 0$  ist eine Gleichung  $k$ ten Grades, die in Form einer Determinante von  $k^2$  Elementen gegeben ist. Die numerische Berechnung dieser Gleichung bei Entwicklung der Determinante würde schon bei acht Planeten nach einem Ausspruch Stockwell's "kaum in einem Menschenleben" bewältigt werden. Unter den indirekten und kürzeren Wegen zur Berechnung dieser Wurzel verdient eine Methode von Jacobi wegen ihrer Ele-