

Mathematik 1 für Informatiker

Abgabetermin: Freitag, 25.10.2019, 10:00

Aufgabe Nummer 8 ist eine Präsenzaufgabe und braucht nicht zur Korrektur eingereicht zu werden.

Aufgabe 5:

- (a) Seien X, Y und Z Aussagen. Man beweise das Distributivgesetz:

$$(X \wedge Y) \vee Z \iff (X \vee Z) \wedge (Y \vee Z).$$

- (b) Drücke die folgende Aussage in Worten aus:

$$\forall x \in \mathbb{R} : x > 0 \implies \exists n \in \mathbb{N} : n - 1 < x < n.$$

- (c) Drücke die folgende Aussage in Symbolen aus: Ist eine Primzahl p Summe zweier Quadratzahlen, so ist die Differenz $p - 1$ durch vier teilbar.

Aufgabe 6:

- (a) Negiere die folgenden Aussagen:

- (1) Jedes Haus hat eine Tür.
- (2) Manchmal geht meine Uhr falsch.

- (b) Beweise oder widerlege die folgenden Aussagen:

- (1) Die Differenz zweier ungerader Zahlen ist stets gerade.
- (2) Das Produkt je zwei ganzer Zahlen ist stets positiv.

Aufgabe 7:

- (a) Sei M eine Menge. Unter den folgenden sechs Aussagen sind einige nur verschiedene Beschreibungen ein und desselben Sachverhalts:

$$\begin{array}{lll} (1) \{x\} \subseteq M & (2) \{x\} \in M & (3) x \in M \\ (4) \{x\} \cap M \neq \emptyset & (5) M \setminus \{x\} \neq \emptyset & (6) \{x\} \setminus M = \emptyset \end{array}$$

Finde heraus, welche das sind und begründe Deine Antwort.

- (b) Seien M, N, P Mengen mit $M \subseteq P$ und $N \subseteq P$. Beweise folgende *Regel von de Morgan*:

$$P \setminus (M \cup N) = (P \setminus M) \cap (P \setminus N).$$

Aufgabe 8: Seien L, M, N Mengen und $f : L \rightarrow M, g : M \rightarrow N$ Abbildungen. Beweise oder widerlege - durch Gegenbeispiel - die folgenden Aussagen:

- (a) Ist $g \circ f$ surjektiv, so ist g surjektiv.
- (b) Ist $g \circ f$ surjektiv, so ist f surjektiv.