

---

# ÜBUNGEN ZUR VORLESUNG GRAPHEN UND IHRE AUTOMORPHISMENGRUPPEN

Prof. Dr. Ch. Hering

Wintersemester 2006/07

---

## 9. Übungsblatt

Abgabe: **Di, 09.01.07** in der Vorlesung.

### Aufgabe 1

Sei  $G$  ein Graph mit den folgenden Eigenschaften:

- $G$  enthält weder  $K^5$  noch  $K_{3,3}$  als Minor,
- $G$  hat ein abstraktes Dual und
- der Zyklenraum von  $G$  hat eine einfache Basis.

Dann ist  $\chi(G) \leq 6$ . Finde einen möglichst direkten Beweis für diese Tatsache!

### Aufgabe 2

Seien  $I$  der Isokaeder und  $\Gamma$  die Automorphismengruppe von  $I$ . Sei  $\mathbb{C}$  die Menge der induzierten Zyklen der Länge 6 in  $I$ , die maximale durchschnittliche Distanz (zweier Ecken) haben. Ist  $\Gamma$  auf  $\mathbb{C}$  transitiv? Bestimme  $\Gamma_c$  für  $C \in \mathbb{C}$ . Was läßt sich über den Durchschnitt zweier verschiedener Elemente aus  $\mathbb{C}$  sagen? Bestimme  $|\mathbb{C}|$ !

### Aufgabe 3

Sei  $G$  der zu  $PG(2, 2)$  gehörige bipartite Graph. Ist  $G$  planar?

### Aufgabe 4

Sei  $V$  die Menge bestehend aus allen Fahnen in  $PG(2, 2)$  und sei  $E$  die Menge bestehend aus allen 2-Untermengen von  $V$  der Form  $\{(P, l), (P', l')\}$ , wobei  $P$  und  $P'$  Punkte und  $l$  und  $l'$  Geraden sind und  $P = P'$  oder  $l = l'$  (aber  $\{P, l\} \neq \{P', l'\}$ ). Sei  $G = (V, E)$ . Bestimme  $\chi(G)$  und eine optimale Färbung des Graphen  $G$ !