

Fibonacci-Kaechen:

$$\overline{F_1} = N, \quad \overline{F_2} = N, \quad \overline{F_3} = \textcircled{2N}$$

$$\overline{F_4} = \overline{F_3} + \overline{F_2} = 2N + N = \textcircled{3N}$$

$$\overline{F_5} = 5N \quad \text{etc.}$$

N nicht weiter interessant ( $N=1$ )

Fibonacci-Folge:

$$1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, \dots$$

$$G_t = \alpha G_{t-1}$$

$$= \alpha^2 G_{t-2}$$

⋮

$$= \alpha^t G_0$$

$$G_1 = 1, \alpha = 2$$

$$G_t = 2^t \cdot 1 = 2^t$$

$t$	0	1	2	3	4	5	6	7	...
$G_t$	1	2	4	8	16	32	64	128	

$$G_0, \quad \alpha = 1,03$$

$\uparrow$  3% Zinsen

$$G_1 = 1,03 \cdot G_0$$

$$G_2 = (1,03)^2 G_0$$

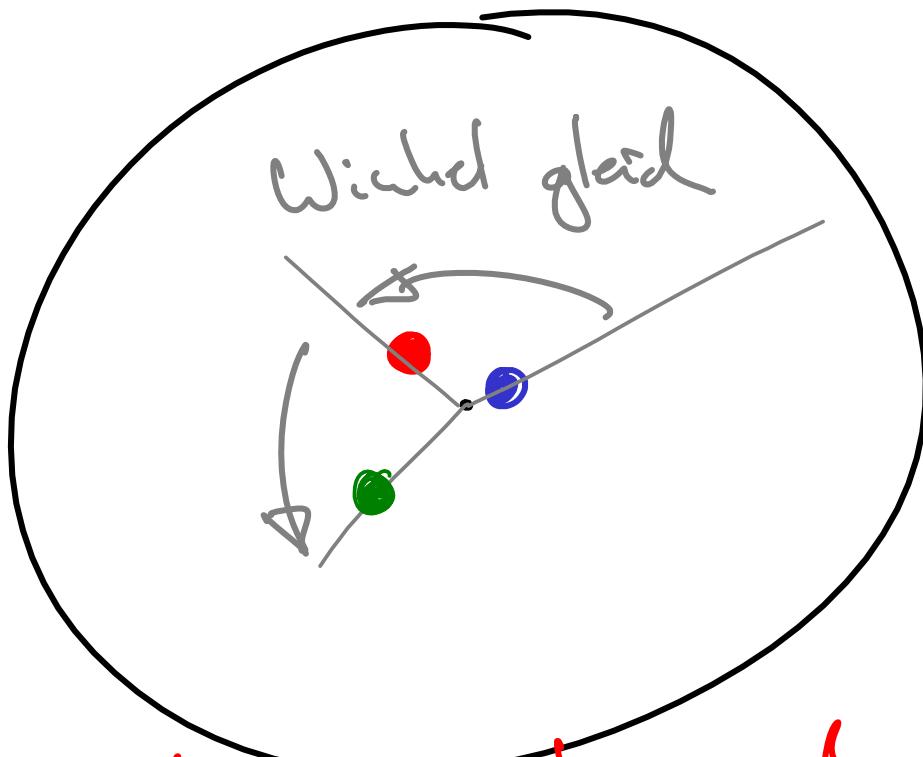
$$= 1,0609 \cdot G_0$$

(mehr als 6% wegen  
Zinsezins)

$$G_t = (1,03)^t G_0$$

# Falle Blütenstand mit Samen

1. Samen



2. Samen: etwas weiter außen und um festen  
Winkel gedreht

3. Samen:



$$A_0 = 0, \quad \beta = 2$$

$$A_t = 0 + 2 \cdot t = 2t$$

negative gerade Zahlen

$t$	0	1	2	3	4	5	
$A_t$	0	2	4	6	8	10	...

$$A_0, \Delta = 850 \text{ €} - 700 \text{ €} = 150 \text{ €}$$

Monat      Monat      Monat

$$A_t = A_0 + t \cdot 150 \text{ €}$$

$$A_1 = A_0 + 150 \text{ €}, A_2 = A_0 + 300 \text{ €}$$

etc.

$$[A_t] = \epsilon = [A_{t-1}]$$

$$[\beta] = \epsilon / \text{Monat}$$

$$A_t = A_{t-1} + \beta \cdot \Delta t$$

verstetzte Zustand

$$\Delta t = 1 \text{ Monat}$$

$$G_t = \alpha_t \cdot G_{t-1}$$

$$= \alpha_t \cdot \alpha_{t-1} \cdot G_{t-2}$$

$$= \alpha_t \cdot \alpha_{t-1} \cdot \alpha_{t-2} \cdot G_{t-3}$$

$$= \alpha_t \cdot \alpha_{t-1} \cdots \alpha_1 \cdot G_0$$

$$= \left( \prod_{s=1}^t \alpha_s \right) \cdot G_0$$

,  $t \in \mathbb{N}$

↑ Produkt, großes  $\pi$  ( $P_i$ )

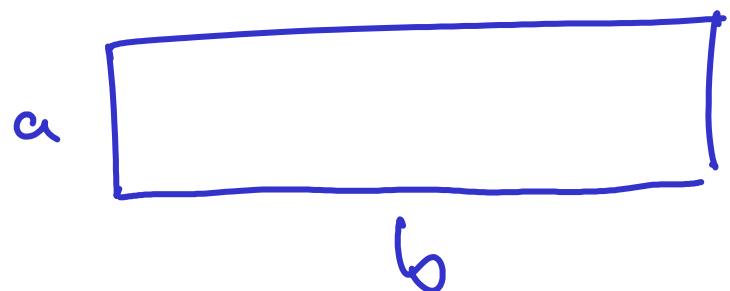
$$G_t = \left( \prod_{s=1}^t \alpha_s \right) \cdot G_0$$

$\doteq \bar{\alpha}^t$

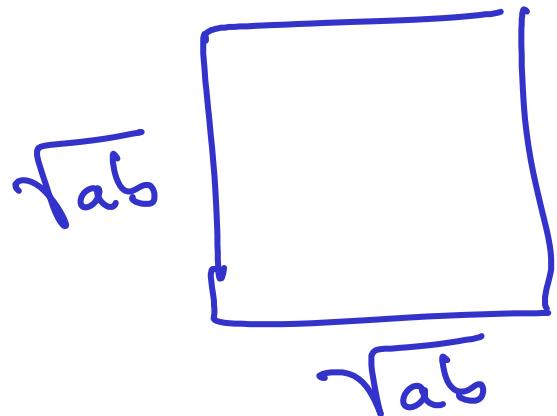
$$\Rightarrow \bar{\alpha} = \sqrt[t]{\prod_{s=1}^t \alpha_s}$$

geom. Mittel von  $a, b > 0$ :  $\sqrt{ab}$

Rechteck



Quadrat gleicher Fläche



daher "geometrisch"

# Schiff fährt

- die erste 300 km mit 20 km/h, braucht dafür also

$$\frac{300 \text{ km}}{20 \text{ km/h}} = 15 \text{ h}$$

- die zweite 300 km in

$$\frac{300 \text{ km}}{30 \text{ km/h}} = 10 \text{ h}$$

insgesamt: 600 km in 25 h

Durchschnittsgeschwindigkeit:  $\frac{600 \text{ km}}{25 \text{ h}} = 24 \text{ km/h}$

$\neq \frac{30 + 20}{2} \text{ km/h}$ ,  $\neq \sqrt{30 \cdot 20} \text{ km/h}$

arith. Mittel

geom. Mittel